

Dérivée

Exercice 1

Calculer la dérivée des fonctions par la méthode des accroissements $\left(\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} \right)$.

a) $a(x) = x^2 - x$

b) $b(x) = x^2 + 3x + 2$

c) $c(x) = \frac{1}{x}$

d) $d(x) = \frac{1}{x - 2}$

Exercice 2

Calculer la dérivée des fonctions.

a) $a(x) = (x^2 - 3)(4x - 5)^3$

b) $b(x) = \frac{x - 7}{x^2 - 3}$

c) $c(x) = \frac{(x - 5)(3 - 2x)}{4x + 2}$

d) $d(x) = 3x - 2 - \frac{1}{3x - 2}$

e) $e(x) = \sqrt[3]{x^3 + x + 1}$

f) $f(x) = \sqrt{(4x^2 - 2x)^3}$

g) $g(x) = \frac{1}{\sin(x)}$

h) $h(x) = \tan(x) \cdot \cos(x)$

Exercice 3

Pour quels réels a et b la courbe $y = x^3 + ax^2 + bx$ admet-elle au point $T(1; 1)$ une tangente horizontale.

Exercice 4

Déterminer l'équation de la tangente à la courbe au point T .

a) $y = 3x^2 - 6x - 5$ $T(0; \dots)$

b) $y = \frac{4x + 7}{x + 3}$ $T(2; \dots)$

c) $y = \frac{\sqrt{x} + 5}{4 - \sqrt{x}}$ $T(4; \dots)$

d) $y = x^2 + \sqrt{x} - 10$ $T(4; \dots)$

e) $y = 2 \sin(x) + \cos(3x)$ $T(0; \dots)$

f) $y = \sin^3(4x)$ $T(\frac{\pi}{4}; \dots)$